U.G. 5th Semester Examination - 2021

COMMERCE

[PROGRAMME]

Generic Elective (GE)

Course Code: BCOM-G-GE-T-01

Course Title: Business Mathematics and Statistics

Full Marks : 60 Time : $2\frac{1}{2}$ Hours

The figures in the right-hand margin indicate marks.

Candidates are required to give their answers in their own words as far as practicable.

1. Answer any **ten** questions:

 $2 \times 10 = 20$

যে-কোনো দশটি প্রশ্নের উত্তর দাও ঃ

- i) If 16, x, 25 are in GP, find the values of x and y. যদি 16, x, 25 গুণোত্তর শ্রেণীতে থাকে তবে x ও y এর মান নির্ণয় করো।
- ii) If k²-7k, k²+9 and 6 are in AP, find the value of k.

যদি k^2 –7k, k^2 +9 এবং 6 সমান্তর প্রগতিতে থাকে তাহলে k এর মান কত ?

iii) If interest is compounded at the end of each year, find the compound interest on ₹10,000 at 5% p.a. for 2 years.

সুদ প্রতি বছরের শেষে দেওয়া হলে, 10,000 টাকার বার্ষিক 5% হারে 2 বছরের চক্রবৃদ্ধি সুদ নির্ণয় করো।

iv) Find the harmonic mean of the numbers 1, $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}$.

 $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}$ সংখ্যাগুলির হ্রাত্মক মধ্যক নির্ণয় করো।

v) Find the value of $\log_{5\sqrt{5}} (125)$.

 $\log_{5\sqrt{5}}\left(125
ight)$ এর মান নির্ণয় করো।

vi) Define 'Regression line'.

'প্রতিগমন রেখার' সংজ্ঞা দাও।

vii) If $b_{yx} = -0.4$ and $b_{xy} = -0.9$, then find the

যদি $b_{yx} = -0.4$ এবং $b_{xy} = -0.9$ হয়, তবে সহপরিবর্তন গুণাঙ্ক নির্ণয় করো।

viii) Solve: $9 \times 81^x = \frac{1}{27^{x-3}}$

সমাধান করো : $9 \times 81^x = \frac{1}{27^{x-3}}$

coefficient of correlation.

ix) If
$$y = \frac{4x^2 - 9}{x + 7}$$
, then find the value of $\frac{dy}{dx}$.

$$y = \frac{4x^2 - 9}{x + 7}$$
 হলে $\frac{dy}{dx}$ এর মান নির্ণয় করো।

- x) Show that $f(x) = x^2 + 3$ is continuous at x=1. দেখাও যে $f(x) = x^2 + 3$ অপেক্ষকটি x=1 বিন্দুতে সন্তত।
- xi) What is a Pie Chart? পাই চিত্র কাকে বলে?
- xii) If $\Sigma p_0 q_0 = 79$, $\Sigma p_1 q_1 = 208$, $\Sigma p_0 q_1 = 62$ and $\Sigma p_1 q_0 = 214$, find Fishers Quantity Index. যদি $\Sigma p_0 q_0 = 79$, $\Sigma p_1 q_1 = 208$, $\Sigma p_0 q_1 = 62$ এবং $\Sigma p_1 q_0 = 214$ হয় তবে ফিশার-এর পরিমাণ সূচক নির্ণয় করো।
- xiii) For a moderately assymmetric distributon, mean=26, median=27. Find mode.
 প্রায় বৈষম্যহীন একটি পরিসংখ্যানে মধ্যক 26 এবং মধ্যমা 27 হলে সংখ্যাগরিষ্ঠ মান কত?
- xiv) Prove that $\log_a 6 = \log_a 1 + \log_a 2 + \log_a 3$ প্রমাণ করো $\log_a 6 = \log_a 1 + \log_a 2 + \log_a 3$
- xv) What is 'Deferred Annuity'? 'বিলম্বিত বার্ষিকী' কাকে বলে?

- 2. Answer any **four** questions: 5×4=20 যে-কোনো চারটি প্রশ্নের উত্তর দাও ঃ
 - i) The cost price of a machine is ₹80,000. The estimated scrap value of the machine at the end of its lifetime of 10 years is ₹12,000. Find the amount of equal annual installment to be deposited at 9% p.a. compounded annually is just sufficient to meet the cost of a new machine after 10 years, assuming an increase of 40% of the price of the machine. The first instalment is to be paid at the end of the first year. [Given, (1.09)¹⁰ = 2.368]

একটি মেশিনের ক্রয় মূল্য ₹80,000। দেখা গেল, আয়ুদ্ধাল
10 বছর পরে মেশিনটির ধাতব মূল্য হবে ₹12,000। 9%
চক্রবৃদ্ধি সুদে বার্ষিক সমান যে কিন্তি জমা দিলে 10 বছর শেষে
একটি নতুন মেশিন কেনা যাবে, যেটির মূল্য তখন 40% বেশি
হবে, সেই কিস্তির পরিমাণ নির্ণয় করো। প্রথম কিস্তি বছরের
শেষে জমা দেওয়া হয় । [যেখানে (1.09)¹⁰ = 2.368]

ii) If a, b, c, d are in GP, show that : যদি a, b, c, d গুণোত্তর প্রগতিতে থাকে তবে দেখাও যে, $(b-c)^2 + (c-a)^2 + (d-b)^2 = (a-d)^2$

iii) If
$$a^2 + b^2 = 7ab$$
, show that :
যদি $a^2 + b^2 = 7ab$ হয়, তবে দেখাও যে
$$\log\left(\frac{a-b}{5}\right) = \frac{1}{2}\left(\log a + \log b\right)$$

iv) If the median of the following frequency distribution be 33, find the missing frequency:
নিম্নের পরিসংখ্যা বিভাজন এর মধ্যমা 33 হলে অনুক্ত পরিসংখ্যা নির্ণয় করো:

নম্বর (Marks)	0-10	10-20	20-30	30-40	40-50	50-60
ছাত্রসংখ্যা	8	12	21	?	20	9
(No. of Students)						

v) Find the coefficient of correlation from the following data:

নিম্নের রাশিতথ্য থেকে সহপরিবর্তন গুণাঙ্ক নির্ণয় করো:

x :	1	2	3	4	5	6	7
y :	6	8	11	9	12	10	14

vi) Following are the daily wages (in Rupees) of 30 workers in a factory. Make a frequency distribution taking class-interval of ₹10.

একটি কারখানার 30 জন শ্রমিকের দৈনিক মজুরি (টাকায়) নিচে দেওয়া হল । শ্রেণীবিভাগ এর দৈর্ঘ্য 10 টাকা ধরে একটি পরিসংখ্যা বিভাজন তৈরি করো।

- . Answer any **two** questions : 10×2=20 যে-কোনো **দৃটি** প্রশ্নের উত্তর দাও ঃ
 - A man divided a sum of ₹18,750 between his two sons aged 10 and 13 years respectively in such a way that each would receive the same amount at 3% p.a. C.I. when both attain the age of 30 years. Find the original share of the younger son. [Given, log(18750)=4.2729, log(2.092727)= 0.3206, Antilog(3.952)= 8960]

এক ব্যক্তি তার 10 বছর ও 13 বছরের দুই পুত্রের মধ্যে 18,750 টাকা এমন ভাবে ভাগ করে দিলেন যে উভয়ের বয়স যখন 30 বছর হবে তখন বার্ষিক 3% চক্রবৃদ্ধি সুদে প্রত্যেকে একই পরিমাণ অর্থ পাবে। কনিষ্ঠপুত্র প্রথমে কত টাকা প্রেয়েছিল নির্ণয় করো। যেখানে [log(18750)=4.2729, log(2.092727)= 0.3206, Antilog(3.952)=8960]

ii) The distribution of weights of 60 students of a class in a college are given below. Draw a histogram and hence find the mode:

নিম্নে একটি কলেজের কোন একটি শ্রেণীর 60 জন ছাত্রের ওজনের বিভাজন দেয়া হলো। একটি আয়ত লেখ অঙ্কন করো এবং সেটি থেকে সংখ্যাগরিষ্ঠ মান নির্ণয় করো:

ওজন	30-34	35-39	40-44	45-49	50-54	55-59	60-64
(Weight in kg)							
ছাত্ৰসংখ্যা	3	5	12	18	14	6	2
(No. of Students)							

iii) Find
$$\frac{dy}{dx}$$
, when:

$$\frac{\mathrm{d} y}{\mathrm{d} x}$$
 নির্ণয় করো, যখন

a)
$$y = \sqrt[3]{x^2 - 3x + 1}$$

b)
$$y = (x + \sqrt{x^2 + a^2})^n$$
 5+5

iv) From the following results obtain the two regression equations and estimate the yield of crops when the rainfall is 29cm and the rainfall when the yield is 600kg:

নিচের প্রাপ্ত ফলাফল গুলি থেকে প্রতিগমন সমীকরণ দুটি নির্ণয় করো এবং যখন বৃষ্টিপাত 29 সেমি তখন ফসল উৎপাদনের অনুমিত মান ও যখন উৎপাদন 600 কিগ্রা তখন বৃষ্টিপাতের অনুমতি মান গণনা করো:

	Y	X
	উৎপাদন (কিগ্ৰা)	বৃষ্টিপাত (সেমি)
	Yield (kg)	Rainfall (cm)
মধ্যক (Mean)	508.4	26.7
সমক পার্থক্য (S.D.)	36.8	4.6